

تشخيص البواقي في النموذج المقدر لدالة الانحدار المتعدد

ضياء الدين الشيباني

قسم الرياضيات بالاكاديمية الليبية فرع مصراته

المستخلص

إن دراسة وتحليل البواقي في النموذج المقدر لدالة الانحدار المتعدد والتأكد من تحقق الشروط والافتراضات التي يتم على أساسها بناء النموذج وتقدير معالمه، له أهمية كبيرة في تقييم النموذج قبل الاعتماد عليه في عمليات التقدير والتنبؤ بقيم المتغير التابع. في هذه الورقة البحثية تم استخدام أهم الأدوات الإحصائية الحديثة المتمثلة في لغة البرمجة الإحصائية R في تحليل البيانات لدالة الانحدار المتعدد وتقدير معالمها وتحليل البواقي من خلال دراسة تطبيقية في مجال التحليل الإحصائي للبحوث الاقتصادية والمتمثلة في دراسة وتحليل الناتج المحلي الإجمالي ومكوناته وتحديد أثره التنمية والرفاهية، من خلال البيانات الفعلية للاقتصاد الليبي خلال الفترة من 1970 إلى 2010.

الكلمات المفتاحية: تشخيص البواقي - النموذج المقدر لدالة الانحدار المتعدد.

المقدمة

إن تحقيق معدل نمو مرتفع أو متزايد في الناتج المحلي الإجمالي لأية دولة من دول العالم الثالث، قد لا يعكس حدوث التنمية الاقتصادية بها، لأنه ببساطة قد يكون مصدر هذا النمو تزايد الكميات المستخرجة من المواد الأولية، وليس من مجموع إنتاج كافة القطاعات الاقتصادية المختلفة وبشكل متوازن. لذلك فإن تحقيق التنمية الاقتصادية يتطلب حدوث تغيرات هيكلية في كافة مكونات الدولة الاقتصادية والاجتماعية والسياسية وغيرها والتي من شأنها نقل هذه الدولة المتخلفة الى مصاف الدول المتقدمة..

إذا يمكن القول بأن التنمية هي عملية اقتصادية واجتماعية وثقافية وسياسية شاملة تستهدف التحسين المستمر لرفاهية كافة السكان على أساس مشاركتهم في جميع الأنشطة التنموية وفي التوزيع للدخل. ولهذا فإن الإنسان هو الموضوع الأساسي في التنمية، حيث تركزت مؤشرات تحقيق التنمية مثلا على متوسط العمر المتوقع للمواطن ومستوى التعليم ومستوى الدخل الحقيقي للفرد وغيرها.

خصائص الاقتصاد الليبي

من أهم مميزات الاقتصاد الليبي، اعتماده على إنتاج النفط الخام وتصديره كمصدر رئيسي حيث تشكل العائدات النفطية في المتوسط نسبة 60% من الدخل القومي (حسب إحصائيات البنك الدولي خلال الفترة من 1970م إلى 2010م). عدم قدرة الجهاز الإنتاجي على توفير احتياجات السوق المحلي حيث تشكل الواردات أكثر من 70% من هذ الاحتياجات، تغطي معظمها من الصادرات النفطية والتي تمثل في المتوسط نسبة 97% من إجمالي الصادرات وتشكل المصدر الرئيسي للعملة الأجنبية. اتساع الرقعة الجغرافية وانخفاض الكثافة السكانية باستثناء الشريط الساحلي (الذي يمثل نسبة 21% من المساحة الكلية و يقطنه حوالي 80% من إجمالي عدد السكان)، مما يترتب عليه أعباء إضافية و مصاعب تنموية جمة. ضيق السوق المحلي الليبي، وعدم وجود تكتلات اقتصادية دولية أو إقليمية فعالة، فمثلا لم يتم الاستفادة من اتفاقيات اتحاد المغرب العربي بما يمكن من تجاوز اشكالية ضيق السوق بالرغم من نص اتفاقيته على أن كل دولة من دول الاتحاد هي بمثابة سوق محلي لأي إنتاج مغاربي ii، علاوة على ضعف شبكة المواصلات التي تربط بين مدن البلاد ودول الجوار.

تجربة التنمية في ليبيا وبعض نتائجها

كانت ليبيا قبل اكتشاف النفط والغاز أحد أفقر البلدان في العالم، غير أنه لم يمض أكثر من عقد من الزمن حتى تم اكتشاف النفط، وتوالى تصديره إلى الأسواق العالمية منذ 1961، ليظهر أن ليبيا هي إحدى أهم دول العالم التي تتمتع بمخزون استراتيجي هائل من النفط الخام (المرتبة الخامسة عربيا و التاسعة دوليا) يصل حسب بعض تقديرات البنك الدولي الى 50 مليار برميل iii. أما ثروة ليبيا من الغاز الطبيعي فتبلغ 1672 مليار متر مكعب وهذا ما يجعلها الثامنة عربيا و الرابعة والعشرين عالميا. وفي تلك الفترة كان يصل العمر المتوقع عند الولادة إلى 45 عاما، و نسبة الأمية بين البالغين لا تقل عن 70%، على سبيل المثال iv. وللخروج من ذلك فقد طبقت ليبيا خلال فترة الدراسة

ضياء الدين الشيباني

مجموعة من البرامج الاقتصادية التي أُسميت " خططا تنموية" ركزت في مجملها على الدور المهيمن للقطاع العام في تحريك و توجيه القطاعات الرئيسية في الاقتصاد الليبي، وتميزت تلك الخطط بغياب شبه تام للقطاع الخاص. وكانت الخطط المذكورة، على غرار الخطط المعمول بها في ذلك الوقت في السبعينيات في أغلب دول العالم الثالث، أحيانا ثلاثية، و أحيانا خماسية. فكانت الخطة الثلاثية 1973-1975، والخماسية 1976-1980، والخماسية الثانية (1981-1986..)، وهي خطط استطاعت أن تخلق بنية في أنحاء البلاد (شبكة طرقية، مطارات، موانئ)، كما تحقق في بعض السنوات شبه اكتفاء ذاتي من بعض السلع الأساسية، ووضعت نواة لمشاريع للصناعات الخفيفة والمتوسطة والاستراتيجية التي وجهت إليها موارد استثمارية خلال فترة الدراسة، و هو ما عرف بميزانيات التحول الاقتصادي و الاجتماعي التي أنفق عليها أكثر من 70 مليار دينار ليبي خلال الفترة المدروسة بحسب بيانات مصرف ليبيا المركزي.v.

وما اتضح من تجربة الخطط و البرامج التنموية أن الدولة حافظت على وضعيات احتكارية قوية في قطاعات البنى التحتية الرئيسية، كالاتصالات والكهرباء والمرافق والطرق، إلخ... وتبدو الخدمات والمنافع العامة غير كفوة إلى حد بعيد، وهي غالباً ما تقدم خدمات عامة ضعيفة الجودة وتستهلك الكثير من إعانات الدعم وتقوم على تجهيزات باتت متقادمة. و هذه الخدمات العامة التي كان يمكن أن تستفيد بقوة من المشاركة الأجنبية (بسبب حاجتها الملحة لتقنيات الإدارة المتقدمة والتقانة ودعمها برؤوس الأموال) هي محطة أنظار المستثمرين الأجانب واهتمامهم المرتفع في العديد من البلدان، وقد باتت قريبة في الوقت الحالي من الاستثمار الأجنبي. فالمرافق العامة ليست السبب الوحيد. فالدولة أيضاً حرصت على الهيمنة على العديد من الأنشطة التجارية الخاصة (كالمصارف التجارية مثلا). والعديد من المستثمرين لا ينجذبون إلى البلدان/القطاعات التي يتعين عليهم التنافس فيها مع المؤسسات العمومية وقد تكون متمنعة بمساعدات دعم كبيرة، فضلاً عن تمتعها بحماية الدولة أو غير ذلك من الأفضليات والمزايا التي ستسوّه المنافسة.vi. وفي دراسة للبنك الدولي حول تقديرات العائدات من النفط و الغاز حتى عام 2060، اتضح أن القيمة الحالية الصافية لإجمالي العائدات المالية من النفط والغاز سيكون نحو 509 مليار دولار أميركي بأسعار عام 2005 الثابتة. أما عائدات الغاز فلا تشكل إلا نسبة ضئيلة من عائدات النفط. وإذا اعتمدنا أن حصة الحكومة هي 60% من العائد الصافي فسينجم مستوى أدنى للعائدات بحيث ستبلغ 447 مليار دولار أميركي، وهذا يبين أنه بالإمكان إنجاز تنمية شاملة في ليبيا إذا توفرت الإرادة لدى أصحاب القرار و المسؤولين.

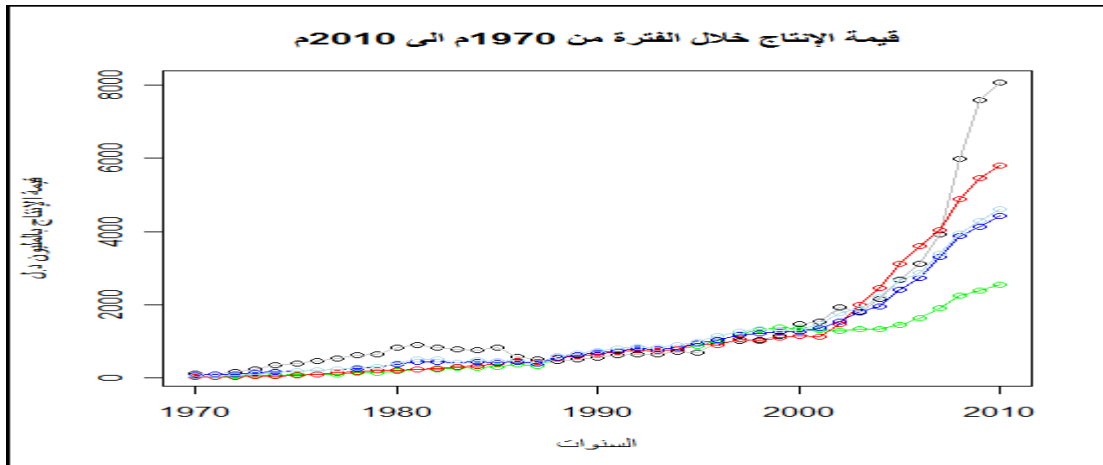
التحليل الإحصائي لبيانات الناتج المحلي الإجمالي

المبلغ	القطاع	المبلغ	القطاع
44636.53	النقل	582475.4	النفط والتعدين
47511.65	التجارة	32465.75	الزراعة
58959.39	البناء والتشييد	48419.08	الصناعة

بلغ مجموع الناتج المحلي الإجمالي خلال الفترة من 1970 إلى 2010، مبلغاً إجمالياً وقدره 967167.2 فقط تسعمائة وسبعة وستون مليار ومائة وسبعة وستون مليون ومائتي ألف دينار ليبي، حسب مساهمة القطاعات الإنتاجية الرئيسية الموضحة في الجدول التالي:

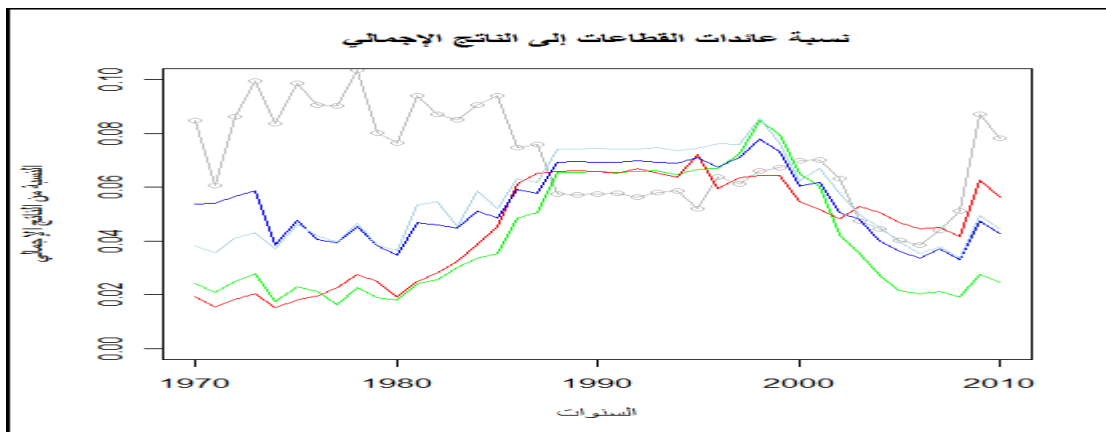
والباقى يمثل مساهمة النشاطات الأخرى. ومن هنا يمكن ملاحظة الأثر الواضح لمساهمة النفط، حيث تبلغ ما نسبته 60.22%، وبذلك يفترض أن يشكل قطاع النفط والتعدين المصدر الرئيسي لنمو باقي القطاعات باعتباره قطاعاً قائداً، إلا أن ذلك لم يحدث بسبب فشل القيادة السياسية في توجيه العائدات النفطية للإنفاق على المشاريع الاستثمارية في باقي القطاعات بما يحقق قوة دفع لإخراج الاقتصاد من الدائرة المفرغة للفقر والتخلف إلى التقدم. وبالنظر إلى عوامل التخلف المختلفة التي تعاني منها البلاد، بما في ذلك العوامل الاجتماعية والسياسية وعدم وضع خطط استراتيجية من شأنها النهوض بباقي القطاعات حتى تساهم في الرفع من مستوى الرفاهية الاقتصادية، هذه الأسباب وغيرها جعلت هذا القطاع القائد يعجز عن نقل البلد إلى مصاف الدول المتقدمة. وبالرغم من عدم إتباع سياسة تنموية ناجحة، فقد شهدت بقية القطاعات نمواً واضحاً ويرجع السبب إلى الارتفاع النسبي الواضح في أسعار النفط خلال فترة العقد الأول من الألفية الثالثة ويمكن توضيح ذلك بالشكل (1) حيث تمثل الألوان الرصاصي، الأحمر، السماوي، الأزرق والأخضر القطاعات البناء، الصناعة، التجارة، النقل والزراعة على التوالي.

تشخيص البواقى فى النموذج المقدر لدالة الانحدار المتعدد

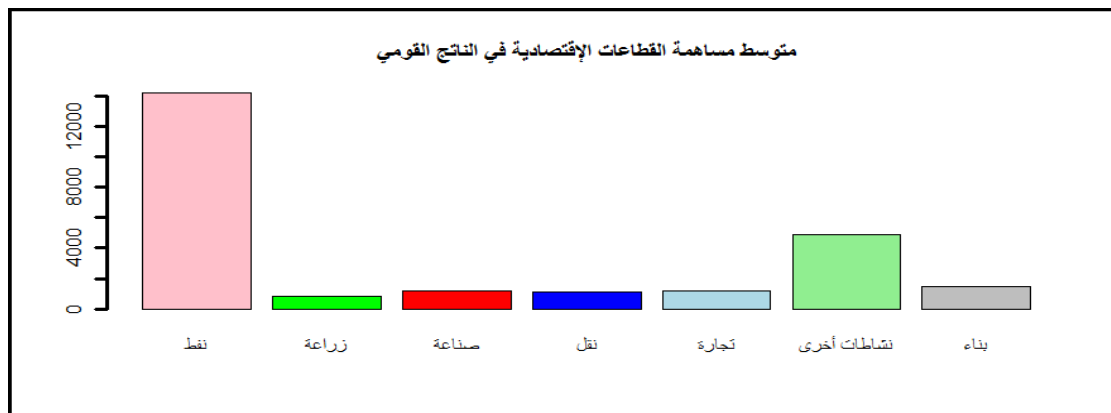


شكل (1)

ومن الشكل (2،3)، نلاحظ تذبذب نسبة مساهمة كل قطاع من هذه القطاعات المذكورة سابقاً، في الناتج المحلي الإجمالي في المدى الطويل من أقل نسبة وهي 1.5% إلى أعلى نسبة وهي 10.35% علاوة على انخفاض متوسط إجمالي هذه المساهمة لكل القطاعات مجتمعة والذي يبلغ 5651.034 مليار د.م، مقارنة بمتوسط مساهمة القطاع النفطي والذي يبلغ 14206.72 مليار د.م، كما موضح في الشكل الاتي:



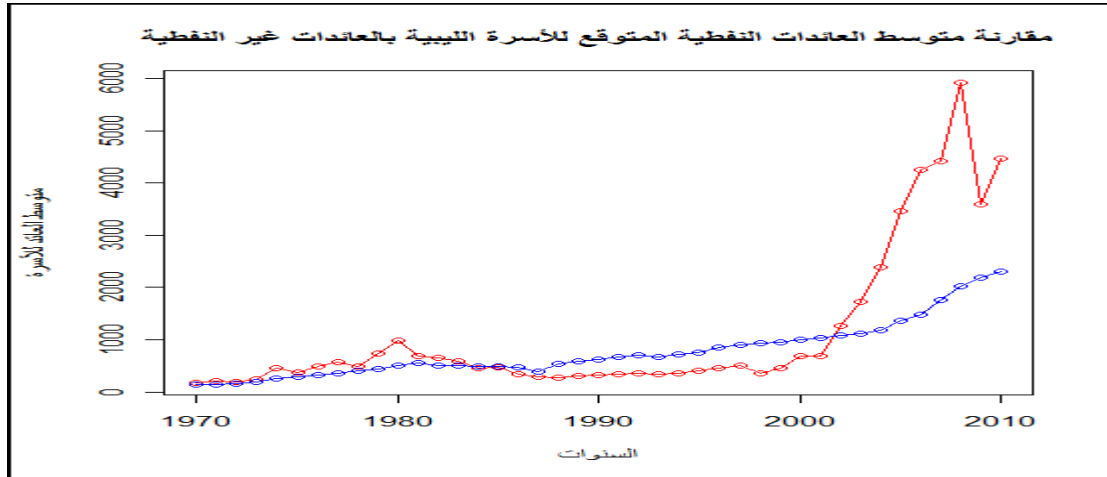
شكل (2)



شكل (3)

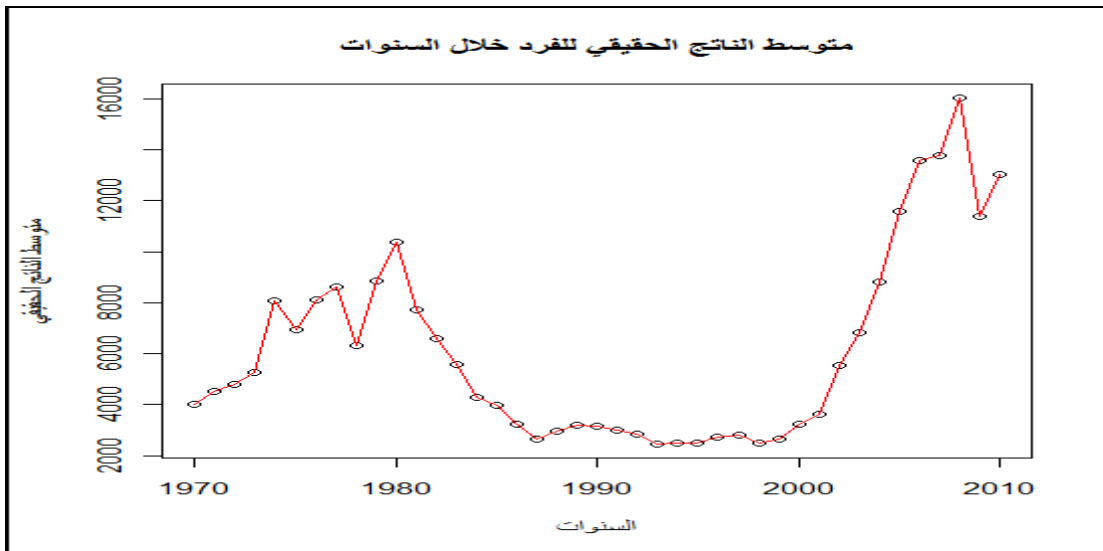
ضياء الدين الشيباني

وبالنظر الى تذبذب أسعار النفط العالمية، فقد كان متوسط العائدات النفطية للأسرة الليبية مساويا لمتوسط العائدات غير النفطية في سنة 1970م (بافتراض تساوي توزيع الدخل) وأعلى منه في فترة السبعينات والتي شهدت ارتفاع نسبي في أسعار النفط وما لبث أن أصبح أقل منه منذ منتصف التسعينات وحتى السنوات الأولى من العقد الأول من الألفية الثالثة. ثم أعلى منه بكثير وحتى 2010م بسبب الارتفاع الكبير في الاسعار في الآونة الأخيرة.



شكل (4)

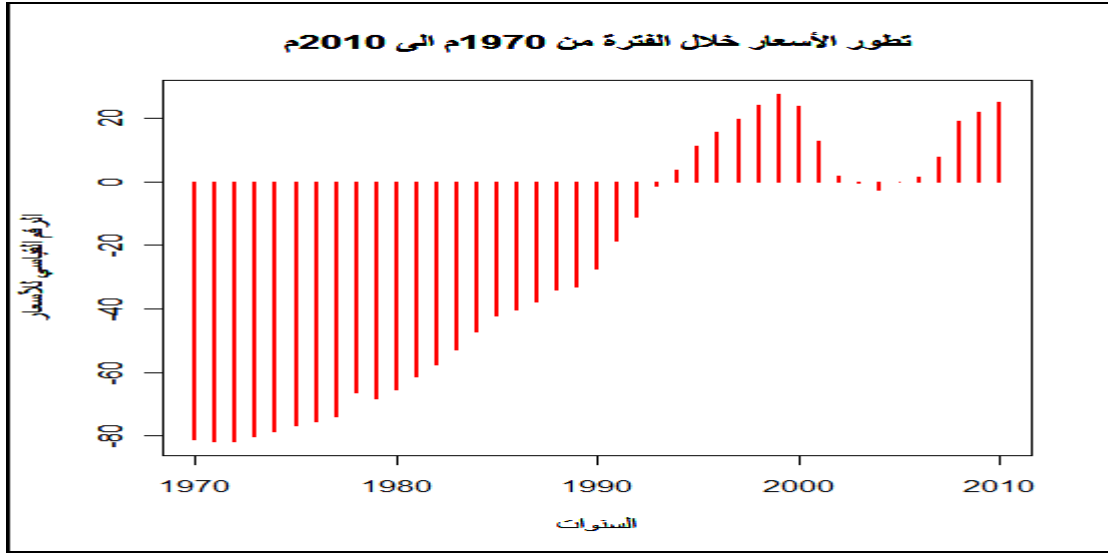
ومن الملاحظ أن النفط في ليبيا لم يسبب في الرفع من مستوى المعيشة (مستوى الدخل الحقيقي للأسرة أو الفرد) بشكل دائم كما حدث في دول الخليج، بسبب الأوضاع السياسية السيئة التي كانت تعيشها البلاد حيث كانت السلطة السياسية هي صاحبة القرار في كافة المجالات (شكل 5،4).



شكل (5)

تشخيص البواقى فى النموذج المقدر لدالة الانحدار المتعدد

وأن الارتفاع النسبى فى مستوى الدخل الحقيقى للفرد فى ليبيا خلال فترة السبعينات وخلال الفترة من 2005م إلى 2008م والموضح فى الشكل رقم 5، قد حدث بسبب الارتفاع العالمى لأسعار النفط مما أدى إلى زيادة فى مستوى الدخل النقدى للأفراد وبنسبة أكبر من زيادة المستوى العام لأسعار السلع والخدمات ولم يحدث لأسباب هيكلية فى الاقتصاد الليبى. بمعنى أن الخطط التنموية التى نفذت خلال الفترة من 1973م إلى 1985م لم تنجح فى أهدافها ويظهر ذلك بوضوح من خلال الانخفاض الشديد فى مستوى الدخل الحقيقى للفرد والموضح فى الشكل رقم 5، خلال الفترة من منتصف الثمانينات وحتى نهاية التسعينات بالرغم من اكتمال تنفيذ الخطط التنموية المشار إليها. وتجدر الإشارة هنا أن السياسات النقدية لم تنجح فى الدفع بعجلة الاقتصاد إلى الامام بسبب عدم مرونة الجهاز الإنتاجى فأى زيادة فى عرض النقود لا تؤدي إلى زيادة الإنتاج وبالتالي زيادة فى مستوى الدخل الحقيقى للفرد بل تؤدي إلى زيادة فى مستويات التضخم، كما موضح فى الشكل (6).



شكل (6)

كما أن السياسات المالية لم تؤدي دورها وكما أشرنا بسبب الأوضاع السياسية المتمثلة فى إلغاء الاستثمار الخاص والاعتماد فقط على الانفاق على مشاريع القطاع العام والتي غالباً ما تنشأ بأوامر رئاسية وليس من خلال دراسات جدوى، وبدل ذلك فقد الطلب الكلى أحد أهم مكوناته.

تقدير النموذج الرياضى لدالة الناتج المحلى الإجمالى

بافتراض النموذج القياسى التالى

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_{i1} + \beta_2 X_{i2} + \beta_3 X_{i3} + \beta_4 X_{i4} + \beta_5 X_{i5} + \beta_6 X_{i6} + \epsilon_i$$

حيث

X_{i1} : ناتج قطاع النفط (*oil*). X_{i2} : ناتج قطاع الزراعة (*ag*).

X_{i3} : ناتج قطاع الصناعة (*man.f*). X_{i4} : ناتج قطاع النقل (*trans*).

X_{i5} : ناتج قطاع التجارة (*trade*). X_{i6} : ناتج قطاع البناء (*bu*).

وحيث أن النموذج تضمن فقط أهم مكونات القطاع الإنتاجى أما البقية المؤثرات الغير متاحة بياناتها سيتم اعتبارها ضمن المتغير العشوائى ϵ_i .

ضياء الدين الشيباني

1 - تقدير معالم النموذج

يمكن تقدير قيمة الناتج المحلي الإجمالي بإحدى طرق التقدير الإحصائي ولتكن مثلا طريقة المربعات الصغرى العادية كما في الجدول التالي:

$Var.$	$Int.$	X_{i1}	X_{i2}	X_{i3}	X_{i4}	X_{i5}	X_{i6}
$\hat{\beta}_i$	354.5	0.989	2.535	-0.864	0.485	3.261	3.430
$SE_{\hat{\beta}_i}$	93.71	0.01	0.55	0.40	0.13	1.39	0.84
$T_{\hat{\beta}_i}$	3.78	99.38	4.63	-2.17	3.86	2.35	4.09
$P.value_{\hat{\beta}_i}$	0.001	0.000	0.000	0.037	0.000	0.025	0.000

أوضحت تقديرات معالم النموذج العلاقة الطردية بين كلا من المتغير التابع \hat{Y}_i والممثل للناتج المحلي الإجمالي GDP وكافة المتغيرات المستقلة X_i الممثلة لنواتج القطاعات باستثناء المتغير X_{i3} الممثل لناتج قطاع التصنيع حيث أظهرت معلمته المقدرة $\hat{\beta}_3 = -0.864$ العلاقة العكسية.

2- اختبار النموذج

تأتي أهمية النموذج في إمكانية استخدامه في تقدير تأثير كل قطاع من القطاعات الإنتاجية في الناتج المحلي الإجمالي وبالتالي التركيز عليه عندما يكون تأثيره كبيرا والعكس صحيح.

2.1 اختبار T

يمكن اختبار فرض عدم وجود تأثير للمعلمة، مقابل الفرض البديل بوجود تأثير كما يلي:

فرض العدم $Null Hypothesis H_0 : \beta_i = 0$

الفرض البديل: $Alternative Hypothesis H_a : \beta_i \neq 0$

وبالتالي فإن قبول فرض العدم $Null Hypothesis$ وهو $H_0 : \beta_i = 0$ يعني أنه لا توجد علاقة تأثير واضحة للمتغير X_i في تفسير التغير في Y_i وبالتالي يمكن حذف هذا المتغير لأن عدم حذف أي متغير غير معنوي سيؤدي إلى زيادة في مجموع مربعات البواقي وبالتالي تقلل من أهمية

النموذج. ومن خلال مقارنة القيمة المحسوبة $T_{cal} = \frac{\hat{\beta}_i}{\sqrt{S^2 c_{ii}}}$ حيث c_{ii} هي العنصر i على القطر الرئيسي

للمصفوفة $(X^T X)^{-1}$ بالقيمة T_{tab} المعيارية لتوزيع T عند درجات حرية $(n - p)$ ومستوى معنوية α ، فإذا كانت $|T_{cal}| \geq T_{tab}$ أو $P.value < \alpha$ يمكن رفض فرض العدم H_0 . وبالرجوع إلى الجدول 5.1 حيث $P.value$ لجميع المعالم المقدرة أقل من 0.05 تكون كافة المعالم $\hat{\beta}_i$ معنوية ويمكن تضمينها في النموذج.

2.2 اختبار F

يمكن إجراء اختبار وجود علاقة اندحاريه بين المتغيرات المستقلة X والمتغير التابع Y بطريقة أخرى، تعتمد على إحدى خواص مقدرات المربعات الصغرى التي تم شرحها في البند الرابع وهو ما يسمى بتحليل التباين $Analysis of Variation$ أي أن $SST = SS_{Reg} + SS_{Res}$. واعتمادا على أن

SS_{Res} & SS_{Reg} مستقلين وأن نسبة متوسط التغير المفسر إلى متوسط التغير غير المفسر $F_{cal} = \frac{MS_{Reg}}{MS_{Res}}$

التي تتبع توزيع F بدرجات حرية p و $(n - p)$ وبالتالي يمكن اختبار الفرض

فرض العدم $Null Hypothesis H_0 : \beta_i = 0$

الفرض البديل: $Alternative Hypothesis H_a : \beta_i \neq 0$

حيث i تمثل واحدة على الأقل من القيم $i = 1, 2, \dots, k$ وبمقارنة القيم المحسوبة F_{cal} بالقيم المعيارية F_{tab} لتوزيع F عند درجات حرية p و $(n - p)$ وعند مستوى معنوية α ، وبالتالي نرفض فرض العدم H_0 إذا

تشخيص البواقي في النموذج المقدر لدالة الانحدار المتعدد

كانت $\alpha < P.value$ أو $F_{cal} \geq F_{tab}(\alpha, p, n - p)$ وبالرجوع إلى النموذج ومن خلال لغة البرمجة الإحصائية R نكون جدول ANOVA

```
> anova(lm(y~x1+x2+x3+x4+x5+x6))
Analysis of Variance Table
```

```
Response: y
      Df    Sum Sq   Mean Sq    F value    Pr(>F)
x1      1 3.6190e+10 3.6190e+10 6.0289e+05 < 2.2e-16 ***
x2      1 4.8783e+08 4.8783e+08 8.1267e+03 < 2.2e-16 ***
x3      1 3.6663e+07 3.6663e+07 6.1077e+02 < 2.2e-16 ***
x4      1 9.1354e+06 9.1354e+06 1.5219e+02 4.17e-14 ***
x5      1 5.7882e+05 5.7882e+05 9.6426e+00 0.003820 **
x6      1 8.9500e+05 8.9500e+05 1.4910e+01 0.000481 ***
Residuals 34 2.0409e+06 6.0028e+04
---
```

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

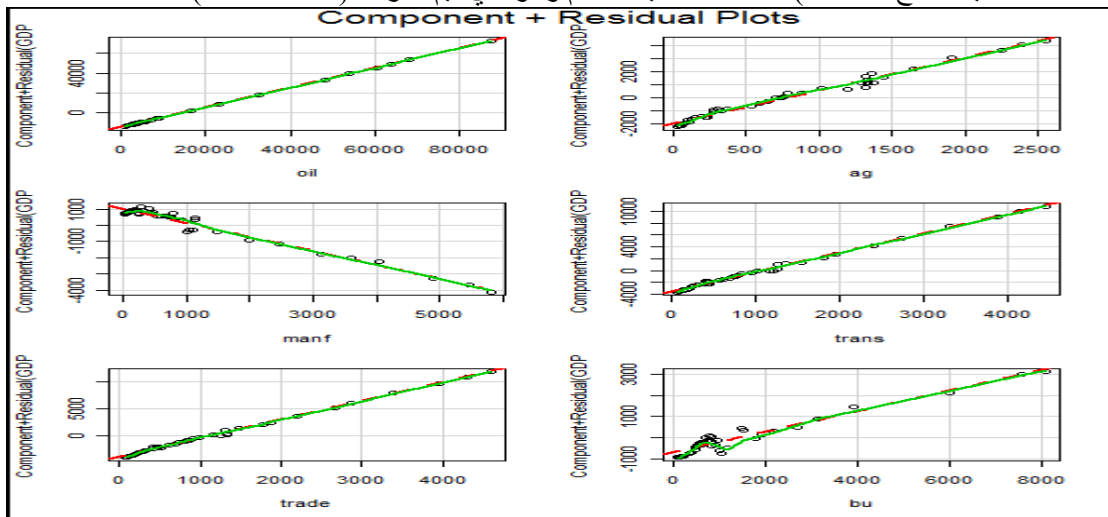
حيث $P.value$ لأكثر من معلمة من المعالم المقدر أقل من 0.05 ويمكن القول أن هناك علاقة انحدار معنوية بين المتغير التابع والمتغيرات المستقلة في النموذج.

3- مخالفات فروض النموذج

بعد اختبار النموذج يجب التأكد من توفر كافة الشروط والافتراضات التي بني عليها ويتم ذلك من خلال عدة خطوات مثل الشكل الانتشاري وبعض رسومات البواقي وبعض المعايير التشخيصية.

3.1- الأشكال الانتشارية للمتغيرات المستقلة

توضح الأشكال الانتشارية التالية لكل متغير من متغيرات القطاعات نوع العلاقة مع الناتج الإجمالي (لاحظ العلاقة العكسية لقطاع الصناعة)، كما نلاحظ أيضا عدم وجود أي قيم خارجة (*Outliers*)

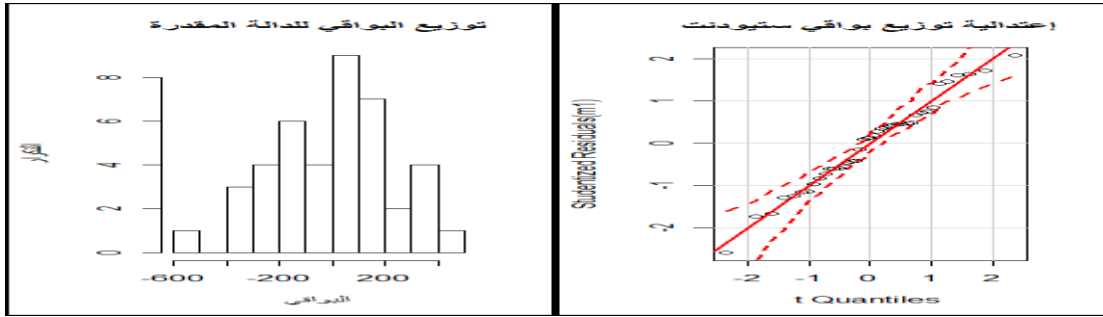


شكل (3.1)

3.2- شكل اعتدالية البواقي QQ – Plots

إن عدم اعتدال البواقي يمثل اختراقاً لأحدى الافتراضات المبنية عليها عملية تقدير النموذج من خلال التأثير على قيم اختبار T الخاص بمعنوية المعالم المقدر وعلى قيم اختبار F الخاص بمعنوية النموذج المقدر ككل وبالتالي على فترات الثقة. إلا أن انحراف اعتدال البواقي قليلاً لا يؤثر عليها. والشكل 3.2 يوضح أن البواقي وبواقي ستودنت الناتجة عن تقدير نموذجنا تتوزع توزيعاً قريباً جداً من الطبيعي.

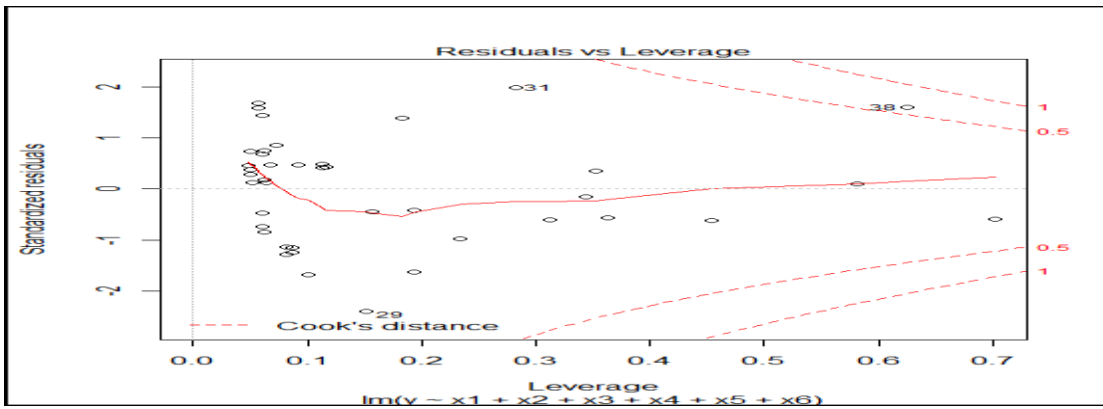
ضياء الدين الشيباني



شكل (3.2)

3.3- رسم تحديد المشاهدات المؤثرة

بعد عملية تقدير النموذج وتحديد المشاهدات الخارجة *Outliers* يجب التأكد من أنها مؤثرة *influential* أم لا من خلال مدى تأثيرها على كل من $\hat{\beta}_i$ و \hat{Y}_i من خلال مسافة كوك *Cook distance*، الشكل 3.3 يوضح أن المشاهدات الخارجة هي 29 31 38 ولكن المشاهدة 38 هي الوحيدة المؤثرة ويجب استبعادها من البيانات.



شكل (3.3)

بعد استبعاد المشاهدة 38 من البيانات، يجب إعادة تقدير النموذج واختباره مرة أخرى كما يلي

$Var.$	$Int.$	X_{i1}	X_{i2}	X_{i3}	X_{i4}	X_{i5}	X_{i6}
$\hat{\beta}_i$	442.3	0.998	3.333	-0.442	1.064	4.087	0.679
$SE_{\hat{\beta}_i}$	105.9	0.01	0.72	0.47	1.91	0.91	0.17
$T_{\hat{\beta}_i}$	4.175	90.40	4.62	-0.95	0.56	4.48	3.99
$P.value_{\hat{\beta}_i}$	0.000	0.000	0.000	0.350	0.580	0.000	0.000

من النتائج نلاحظ تأثير المشاهدة 38 على التقديرات كما مبين في الجدول السابق ومن اختبار T نجد أن $P.value$ للمعلمتين $\hat{\beta}_3$ و $\hat{\beta}_4$ غير معنوية مما يجب استبعاد كلا المتغيرين X_{i3} (الصناعة) و X_{i4} (النقل) من

تشخيص البواقي في النموذج المقدر لدالة الانحدار المتعدد

النموذج و إعادة تقدير النموذج والاختبار مرة أخرى، من خلال لغة البرمجة الإحصائية R كما

```
> M3=lm(y~x1+x2+x5+x6)
> summary(M3)
```

Call:

```
lm(formula = y ~ x1 + x2 + x5 + x6)
```

Residuals:

Min	1Q	Median	3Q	Max
-528.89	-135.12	41.63	137.25	419.44

Coefficients:

	Estimate	Std. Error	t value	Pr(> t)	
(Intercept)	5.229e+02	5.922e+01	8.829	1.98e-10	***
x1	1.000e+00	7.266e-03	137.693	< 2e-16	***
x2	3.783e+00	3.540e-01	10.688	1.44e-12	***
x5	4.151e+00	4.072e-01	10.193	5.13e-12	***
x6	7.355e-01	9.354e-02	7.863	3.04e-09	***

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 235.4 on 35 degrees of freedom

Multiple R-squared: 0.9999, Adjusted R-squared: 0.9999

F-statistic: 1.456e+05 on 4 and 35 DF, p-value: < 2.2e-16

من النتائج نلاحظ معنوية اختبار T من خلال العمود الأخير لقيم $P.value$ لكل المعامل المقدرة لمتغيرات النفط، الزراعة، التجارة والبناء وقيمة $P.value$ الخاصة باختبار F علاوة ارتفاع قيمتي معامل التحديد R^2 ومعامل التحديد المعدل R_{adj}^2 الدالين على قوة العلاقة المقدرة من خلال المتغيرات المستقلة المشار إليها.

3.4- الاشتراك الخطي بين المتغيرات المستقلة: Multicollinearity

وتحدث المشكلة عند وجود علاقة خطية أو قريبة من الخطية بين إثنين أو أكثر من المتغيرات المستقلة في النموذج. فعند وجودها لا يوجد مقلوب للمصفوفة $(X^T X)$ وبالتالي لا نستطيع تقدير قيم المعامل بشكل وحيد. إذا كانت متغيرات الانحدار خطية مشتركة تقريبا ولكنها غير خطية مشتركة بشكل تام فإننا نستطيع حساب المعامل بشكل وحيد ومع هذا فإن سيكون تباين المعامل كبير جدا مما يجعل مقدرات المعامل أقل دقة، ومن ثم سوف يؤثر على دقة فترات الثقة وعلى اختبار الفرضيات الخ. أسهل طريقة لتشخيص الاشتراك الخطي بين المتغيرات المستقلة هي حساب الارتباط الثنائي بين المتغيرات المستقلة ولكن هذه الطريقة غير مضمونة لتشخيص الاشتراك الخطي بين المتغيرات المستقلة لأن بعض الخطية المشتركة قد يتضمن ثلاثة أو أكثر من المتغيرات. أفضل طريقة لتشخيص الاشتراك الخطي بين المتغيرات المستقلة هي حساب الارتباط عامل تضخم التباين (VIF) فعندما يكون أكبر من 10 يعطي مؤشر لخطية مشتركة قوية بين المتغيرات المستقلة ولكن في بعض الأحيان لا يعمل بشكل جيد لأن R^2 حساسة بالنسبة للقيم الخارجة. من خلال لغة البرمجة الإحصائية R كما يلي

ضياء الدين الشيباني

```

> vif(lm(y~x1+x2))
      x1      x2
3.009931 3.009931
> vif(lm(y~x1+x2+x5))
      x1      x2      x5
14.75220 23.47037 58.53508
> vif(lm(y~x1+x2+x6))
      x1      x2      x6
5.501341 3.940356 6.910148

```

من النتائج نلاحظ عدم وجود مشكلة الاشتراك الخطي بين المتغيرات المستقلة إلا عند وجود X_{i5} في النموذج ولذلك يجب استبعاده من النموذج وإعادة تقدير النموذج والاختبار مرة أخرى، من خلال لغة البرمجة الإحصائية R كما يلي:

```

> m4=lm(y~x1+x2+x6)
> summary(m4)

```

Call:

```
lm(formula = y ~ x1 + x2 + x6)
```

Residuals:

```

      Min       1Q   Median       3Q      Max
-1593.8  -226.2   108.9   277.2  1115.1

```

Coefficients:

```

              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) 5.991e+02  1.249e+02   4.797 2.64e-05 ***
x1           1.069e+00  8.433e-03 126.751 < 2e-16 ***
x2           7.264e+00  2.242e-01  32.396 < 2e-16 ***
x6           1.427e+00  1.130e-01  12.629 5.53e-15 ***
---

```

```
Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Residual standard error: 501 on 37 degrees of freedom

Multiple R-squared: 0.9997, Adjusted R-squared: 0.9997

F-statistic: 4.877e+04 on 3 and 37 DF, p-value: < 2.2e-16

3.5- اختبار درين واتسون : Durbin – Watson Test

في بعض الأحيان تكون الأخطاء مترابطة وأحيانا تشكل الأخطاء متسلسلة زمنية أي

$$\epsilon_i = \gamma \epsilon_{i-1} + u_i, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

حيث $|\gamma| < 1$ و $u_i \sim iid N(0, \sigma_u^2)$ لاختبار أن حدود الخطأ مستقلة عن بعضها البعض (ليست مرتبطة)، أي أن $E(\epsilon_i \epsilon_j) = 0$ حيث $i \neq j$

$$H_0 : \gamma = 0$$

$$H_1 : \gamma \neq 0$$

تشخيص البواقي في النموذج المقدر لدالة الانحدار المتعدد

من خلال لغة البرمجة الإحصائية R كما يلي

```
> durbinWatsonTest (m4)
lag Autocorrelation D-W Statistic p-value
1      0.08123731      1.810563      0.292
Alternative hypothesis: rho != 0
```

من النتائج نلاحظ عدم وجود مشكلة الارتباط الذاتي. ويكون أفضل نموذج للناتج المحلي الإجمالي الليبي خلال الفترة

$$\hat{Y}_i = 599.1 + 1.069 X_{i1} + 7.264 X_{i2} + 1.427 X_{i6}$$

معتمدا على قطاعات النفط والزراعة والبناء.

الخلاصة

من الجانب الإحصائي، لا يمكن استخدام نموذج الانحدار المتعدد في عمليات التقدير والتنبؤ بقيم المتغير التابع إلا بعد التأكد من عدم اختراق كافة الشروط والافتراضات التي تبنى عليها نظرية التقدير من خلال الاكتشاف والمعالجة. أما من الجانب الاقتصادي، فقد أوضحت الورقة البحثية النتائج التالية:

- 1- لم يتم قطاع النفط بدوره كمصدر رئيسي للدخل في دوره في تحقيق التنمية والنهوض بباقي القطاعات وتحقيق نمو متوازن ومستقر بل كان تأثيره مقصورا على زيادة الناتج المحلي الإجمالي الليبي خلال الفترة وبمقدار النسبة.
- 2- انخفاض مستوى التخطيط الاقتصادي لم يحقق الدور المنشود لقطاع التصنيع في الرفع من الناتج بسبب الاهتمام بالصناعات التجميعية المعتمدة على الاستيراد دون الصناعات التي عواملها تشكل ميزة نسبية محلية علاوة على بباقي القطاعات المميزة الأخرى مثل السياحة والتجارة الدولية والنقل الدولي وغيرها.
- 3- لم تساهم السياسات المالية والنقدية والتجارية خلال الفترة في تحقيق الاهداف الاقتصادية من حيث تشجيع الاستثمار ومحاربة ارتفاع معدلات التضخم وساهم ذلك في انخفاض متوسط الدخل الحقيقي للفرد وبالتالي انخفاض مستوى المعيشة والرفاهية خاصة مع الانخفاض الحاد في أسعار النفط في بعض السنوات.

المراجع

أولاً: باللغة العربية

- 1- عبد الحسين زيني، مبادئ الاحصاء الاقتصادي، عمان : دار الحامد , 2012م.
- 2- اسماعيل صبري عبد الله، تنمية أم تحديث، بيروت: مركز دراسات الوحدة العربية، 1980م.
- 3- سيدي محمود ولد سيدي محمد، التنمية الاقتصادية، دمشق: المنشورات الأكاديمية، 1996م.
- 4- تقارير برنامج الامم المتحدة الانمائي للسنوات 2002- 2009 : gro.pdnu.www
- 5- صندوق النقد العربي، تقارير مختلفة، لسنوات 1999- 2010
- 6- منظمة الأوبك: تقرير اقتصادي عن ليبيا، بدون تاريخ.
- 7- مصرف ليبيا المركزي، ادارة البحوث والاحصاء، تقرير 2005 .

ثانياً : الروابط باللغة الانجليزية :

- <http://databank.worldbank.org/libya>
- World bank : report sectorial - 2009 . p7
- https://www.un.org/ar/esa/hdr/hdr11/HDR_2011

ضياء الدين الشيباني

ملحق: تطور قطاعات GDP وعدد السكان في ليبيا خلال الفترة (1970-2010) بالمبالغ بالهليون دينار المصدر:

<http://unstats.un.org/unsd/snaama/dnllist.asp>

السنوات	الزراعة	التعدين	التصنيع	البناء	التجارة	النقل	نشاطات اخرى	GDP	السكان
1970	36.15	864.46	28.81	127.79	57.42	81.10	341.41	1508.36	1994000
1971	36.04	1021.68	26.76	104.93	61.67	93.39	412.99	1730.70	2079897
1972	47.62	1039.75	34.95	164.22	78.15	107.64	467.27	1904.64	2169965
1973	65.53	1279.94	47.83	234.65	101.81	138.48	538.94	2359.33	2264278
1974	70.66	2603.80	61.16	338.31	150.26	155.62	724.89	4043.54	2362900
1975	90.54	2200.93	71.53	390.51	183.22	188.28	902.56	3956.04	2466000
1976	108.88	3068.91	98.94	462.74	214.63	207.02	1042.45	5104.63	2572300
1977	98.29	3670.95	136.19	540.80	238.20	235.73	1211.35	5995.32	2681887
1978	133.35	3244.01	162.40	613.39	276.46	268.71	1389.78	5925.69	2797780
1979	153.33	5127.77	202.91	652.82	312.60	311.88	1596.80	8155.20	2924086
1980	199.86	7278.85	209.90	840.58	399.56	381.38	1899.97	11000.19	3063000
1981	230.11	5345.30	239.50	900.59	510.42	447.79	2136.88	9571.08	3216430
1982	241.03	5276.73	266.15	821.89	515.64	433.97	2147.51	9436.77	3381390
1983	278.49	4956.60	299.89	789.64	420.20	415.12	2419.32	9279.37	3549220
1984	282.64	4015.27	325.78	764.85	494.10	432.15	2447.74	8436.74	3708142
1985	309.28	4342.02	398.73	826.92	457.23	427.44	2428.79	8791.69	3849801
1986	370.82	3186.54	465.61	570.09	482.12	450.84	2561.09	7621.50	3970886
1987	337.44	2852.44	435.96	506.18	412.40	385.49	2188.71	6682.66	4074021
1988	535.89	2767.98	537.04	468.76	606.30	566.68	3223.35	8168.96	4164147
1989	596.50	3083.92	600.37	518.99	674.43	631.25	3583.07	9088.15	4249018
1990	648.85	3354.84	649.74	566.25	733.62	684.89	3882.71	9871.17	4334459
1991	708.08	3650.31	707.10	624.16	802.18	749.57	4286.95	10821.25	4421885
1992	751.88	3897.87	766.48	643.62	848.41	797.43	4497.88	11437.08	4509970
1993	738.76	3820.83	728.51	650.58	835.31	773.88	4370.63	11189.99	4598629
1994	784.98	4010.30	777.33	713.01	894.70	838.29	4921.29	12162.58	4687106
1995	885.01	4663.30	956.35	691.17	986.84	943.78	5106.10	13276.20	4775009
1996	1018.80	5232.39	904.61	971.17	1158.88	1028.00	5828.89	15238.13	4862665
1997	1201.32	5920.07	1053.51	1016.59	1261.60	1176.85	6034.19	16610.62	4951076
1998	1322.02	4310.10	1002.94	1031.19	1335.20	1217.09	6392.84	15608.44	5041233
1999	1374.73	5584.18	1110.78	1162.23	1318.77	1263.06	6547.14	17250.11	5134324
2000	1363.17	8541.26	1145.02	1466.38	1313.00	1265.14	7070.88	21019.82	5231189
2001	1319.84	8768.76	1129.70	1537.97	1466.04	1354.37	7447.03	21894.01	5331311
2002	1294.68	16525.16	1479.39	1935.12	1770.50	1549.73	7566.52	30641.71	5434293
2003	1333.00	22964.70	1991.86	1786.97	1875.90	1811.97	7952.48	37725.02	5541062
2004	1328.60	32410.36	2448.68	2159.24	2194.90	1944.02	8509.28	48546.39	5652797
2005	1447.50	47955.07	3131.73	2683.45	2657.49	2412.63	9764.62	66920.77	5769709
2006	1643.06	60228.65	3606.90	3129.33	2863.35	2724.24	10674.29	81262.91	5893738
2007	1904.82	63825.64	4032.14	3913.51	3393.04	3299.53	13025.08	89361.62	6023053
2008	2247.90	87370.60	4888.80	5994.50	3949.50	3884.20	13836.00	117282.70	6149620
2009	2382.70	54013.40	5447.60	7577.50	4298.10	4125.80	14596.90	86994.40	6262667
2010	2543.60	68199.80	5809.50	8066.80	4607.50	4432.10	15441.90	103291.70	6355112

Regression diagnostic procedures to check the assumptions of the regression model**Deya E. Shibani**Libyan Academy, Department of Mathematics and Statistics
deyashibani@gmail.com**ABSTRACT**

Regression diagnostic procedures are intended to check how well the assumptions of the regression model are satisfied. Model misspecification can affect the validity and efficiency of regression models. This will be illustrated in this paper, using \mathbf{R} for residuals analysis through GDP model. An application on Libyan GDP is used during 1970-2010.
